

если в (*) вместо $\frac{x+y}{2}$ взять x , то получим f^*u .
 если в (*) вместо $\frac{x+y}{2}$ взять y , то получим f_*u .

Основные св-ва процедуры квантования (раз. п. 10 св. в соответствие пр-во канонич., а $f \rightarrow \hat{f}$):

это соответствие переводит: унк. в унк.
 скобку Пуассона в коммутатор

при $\hbar \rightarrow 0$, т.е. в пределе при $\hbar \rightarrow 0$ сохраняет алгебру

Ом-ся $f(x, p, \hbar) \rightarrow \hat{f}(x, p, \hbar) \leftarrow$ его координат-м-ны по параметру \hbar .

Рассм-м все такие координат-м-ны порядка \hbar , т.е. рассм-м дигр. опер-ры, у к-рых координат-м-ны есть $O(\hbar)$, $\hbar \rightarrow 0$.

Тогда Ом-я имеет след. рав-ва:
 при старши $f \rightarrow \hat{f}$: $\hat{f}\hat{g} = \hat{f}\hat{g} + O(\hbar)$ (1)

$$[\hat{f}, \hat{g}] = -i\hbar \{f, g\} + O(\hbar^2) \quad (2)$$

Поделим на $-i\hbar$ (2), т.е. $\frac{1}{\hbar} [\hat{f}, \hat{g}] = \{f, g\} + O(\hbar)$.

тогда до $O(\hbar)$ алг. опер-ры на мн-ве опер. классич. мех. переходят в алг. опер-ры на мн-ве опер-ров квант. мех.

Доказ-во:

Считаем, что \hat{f} и $\hat{p} = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x}$, тогда
 вейл. опер-ры